ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ

ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ ЛЕНИНГРАДСКОЙ ОБЛАСТИ

**«ЛЕНИНГРАДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ А.С. ПУШКИНА»**

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебно-методической

работе

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ С.Н. Большаков

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

дисциплины

**Б1.В.02.03 МАТЕМАТИКА**

Направление подготовки - **38.03.04 Государственное и муниципальное управление**

Направленность (профиль) – **Государственное и муниципальное управление**

(год начала подготовки – 2021)

Санкт-Петербург

2021

# 1. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Индекс компетенции | Содержание компетенции  (или ее части) | Индикаторы компетенций (код и содержание) |
| УК-1 | Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач | УК-1.1 Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи. Находит и критически анализирует информацию, необходимую для решения поставленной задачи.  УК-1.2 Рассматривает возможные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки.  УК-1.3 Грамотно, логично, аргументированно формирует собственные суждения и оценки.  УК-1.4 Определяет и оценивает последствия возможных решений задачи. |
| УК-10 | Способен принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности | УК-10.1 Знает основные принципы анализа ситуации с применением математических методов  УК-10.2 Умеет воспринимать и оценивать информацию для принятия экономически математически обоснованных решений  УК-10.3 Владеет математическими инструментами и методами критического оценивания информации о перспективах экономического роста |

# 2. Место дисциплины в структуре оП

Цель дисциплины: формирование систематизированных знаний обучаемого в области прикладной математики с учетом содержательной специфики предметов «Математика», «Алгебра», «Геометрия», «Алгебра и начала анализа» в общеобразовательной школе.

Задачи дисциплины:

- рассмотреть базовые вопросы линейной алгебры и аналитической геометрии на плоскости;

- рассмотреть основные разделы комбинаторики и теории вероятностей, необходимые обучающимся в процессе профессиональной подготовки по данному направлению;

- установить основные подходы к описанию прикладных объектов средствами математического анализа;

- обеспечить навыки применения полученных знаний в практической деятельности.

Дисциплина относится к части программы бакалавриата, формируемой участниками образовательных отношений.

Освоение дисциплины и сформированные при этом компетенции необходимы в последующей деятельности.

# 3. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 5 зачетных единиц, 180 академических часов *(1 зачетная единица соответствует 36 академическим часам).*

Очная форма обучения

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Вид учебной работы | Трудоемкость в акад.час | |
|  | Практическая подготовка |
| **Контактная работа (аудиторные занятия) (всего):** | **106** | |
| в том числе: |  | |
| Лекции | 34 | - |
| Лабораторные работы / Практические занятия (в т.ч. зачет) | -/72 | -/- |
| **Самостоятельная работа (всего)** | **38** | |
| **Вид промежуточной аттестации (экзамен):** | **36** | |
| контактная работа | 2,35 | |
| самостоятельная работа по подготовке к экзамену | 33,65 | |
| **Общая трудоемкость дисциплины (в час. /з.е.)** | **180/5** | |

Очно-заочная форма обучения

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Вид учебной работы | Трудоемкость в акад. час | |
|  | Практическая подготовка |
| **Контактная работа (аудиторные занятия) (всего):** | **70** | |
| в том числе: |  | |
| Лекции | 34 | - |
| Лабораторные работы/ Практические занятия | -/36 | - |
| **Самостоятельная работа (всего)** | **74** | - |
| **Вид промежуточной аттестации:** |  | - |
| контактная работа |  | - |
| самостоятельная работа по подготовке к зачету |  | - |
| **Вид промежуточной аттестации (экзамен):** | **36** | |
| контактная работа | 2,35 | |
| самостоятельная работа по подготовке к экзамену | 33,65 | |
| **Общая трудоемкость дисциплины (в час. /з.е.)** | **180**/**5** | |

# 4. Содержание дисциплины

## При проведении учебных занятий обеспечивается развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений, лидерских качеств (включая при необходимости проведение интерактивных лекций, групповых дискуссий, ролевых игр, тренингов, анализ ситуаций и имитационных моделей, составленных на основе результатов научных исследований, проводимых организацией, в том числе с учетом региональных особенностей профессиональной деятельности выпускников и потребностей работодателей).

**4.1. Разделы (блоки) дисциплины и виды занятий**

|  |  |
| --- | --- |
| № | Наименование блока (раздела) дисциплины |
| 1 | Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии |
| 2 | Основы математического анализа |
| 3 | Основы теории вероятностей |

**4.2. Примерная тематика курсовых работ (проектов)**

Курсовая работа по дисциплине не предусмотрена учебным планом.

**4.3. Перечень занятий, проводимых в активной и интерактивной формах, обеспечивающих развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений, лидерских качеств**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| № | Наименование блока (раздела) дисциплины | Занятия, проводимые в активной и интерактивной формах | | Практическая подготовка |
| Форма проведения занятия | Наименование видов занятий |
| 1 | Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии | Практическое занятие | Выполнение практического задания |  |
| 2 | Основы математического анализа | Практическое занятие | Выполнение практического задания, коллоквиум |  |
| 3 | Основы теории вероятностей | Практическое занятие | Выполнение практического задания, коллоквиум |  |

# 5. Учебно-методическое обеспечение для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

**5.1. Вопросы для подготовки к коллоквиуму**

1. Комбинаторные правила: правило сложения, правило умножения.
2. Комбинации: перестановки, размещения, сочетания.
3. События в теории вероятностей.
4. Операции над событиями.
5. Определения вероятности события.
6. Вероятность суммы событий.
7. Вероятность произведения событий.
8. Схема Бернулли.
9. Формула полной вероятности.
10. Формула Байеса.

**5.2. Задания для самостоятельного решения**

Задания к разделу 1

№1. Решите систему уравнений:



№2. Найдите матрицу, обратную данной:.

№3. Пусть  и .

Найдите:

1. произведение матриц *A* и *B*;
2. определитель матрицы *А*.

№4. Решите систему линейных уравнений



1. по формулам Крамера;
2. методом обратной матрицы;
3. методом Гаусса.

№5. Найдите определитель матрицы разными способами

.

№6. Решите матричное уравнение

.

№7. На плоскости с декартовой прямоугольной системой координат  рассматривается треугольник с вершинами в точках .

1. Найдите длины сторон треугольника .
2. Найдите площадь треугольника .
3. Составьте уравнения сторон треугольника .
4. Найдите величины внутренних углов треугольника .
5. Составьте уравнения высот треугольника .
6. Найдите длины высот треугольника .
7. Составьте уравнения медиан треугольника .
8. Найдите точку пересечения медиан.
9. Найдите длины медиан треугольника .
10. Составьте уравнения серединных перпендикуляров сторон треугольника .
11. Найдите точку пересечения серединных перпендикуляров.
12. Составьте уравнения биссектрис внутренних углов треугольника .

Задания к разделу 2

№1. Найдите пределы:

1) , 2) , 3) , 4) .

№2. Найдите пределы последовательностей:

1) , 2) ,

3) , 4) , 5) .

№3. Исследуйте на непрерывность, определите род точек разрыва и постройте график функции:

1) ,



№4. Найдите вторую производную функции:



4) , 5) .

№5. Найдите производную первого порядка функции  аргумента , заданной параметрически , где  - параметр.

№6. Найдите наименьшее и наибольшее значение функции  на отрезке .

№7. Ответьте письменно на вопросы:

1. Сформулируйте четыре определения непрерывности функции в точке.

2. В чём различие между понятиями непрерывности функции и пределом функции в точке ?

3. Сформулируйте теорему об арифметических действиях над непрерывными функциями.

4. Докажите непрерывность функции  в любой точке x.

5. Какие точки называются точками разрыва функции?

6. Дайте определения точек разрыва первого и второго рода. Приведите примеры.

7. Сформулируйте теоремы об основных свойствах непрерывных функций.

8. Приведите примеры эквивалентных бесконечно малых функций при .

9. Какую роль играет непрерывность элементарных функций на своей области определения при вычислении пределов?

№8. Найдите неопределенные интегралы:

1) , 2) ,

3) , 4) ,

5) , 6) ,

7) , 8) ,

9) , 10) , 11) , 12) .

№9. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями:

1) , , 2) , ,

3) , , 4) ,.

Задания к разделу 3

1. Приведите примеры:

а) событий, образующих полную группу, но не равновозможных;

б) равновозможных событий, которые не образуют полную группу;

в) элементарных событий;

г) двух совместных равновозможных событий.

2. Преступник может проникнуть в квартиру либо через входную дверь, либо через окно. Число способов проникновения через дверь — 4, через окно — 3. Сколько всего существует способов проникновения в квартиру?

3. Для запирания некоторых кейсов применяют цифровые кодовые замки, которые отпираются при наборе заданной комбинации цифр. Замок состоит из 3 дисков, на каждом из которых нанесены все цифры. Сколько времени необходимо злоумышленнику для перебора всех комбинаций замка, если на проверку одной комбинации он тратит 2 секунды?

4. Пусть из города А в город В имеется 6 дорог, а из города В в город С — 4 дороги.

а) Сколько существует различных вариантов проезда из города А в город С через город В?

б) Сколько существует различных вариантов проезда из города А в город В и обратно?

1. В урне 20 шаров с номерами от 1 до 20. Какова вероятность того, что будет вынут шар с номером 37?
2. Производят три выстрела по одной мишени. Вероятность попадания при каждом выстреле равна 0,5. Найти вероятность того, что в результате этих выстрелов произойдет только одно попадание.
3. Вероятность того, что в течение дня произойдет неполадка станка, равна 0,03. Какова вероятность того, что в течение четырех дней подряд не произойдет ни одной неполадки?
4. Определить вероятность того, что в семье, имеющей пять детей, будет 3 девочки и 2 мальчика. Вероятность рождения мальчика и девочки полагаются одинаковыми.
5. В первой урне 1 белый и два черных шара, во второй 100 белых и 100 черных шаров. Из второй урны переложили в первую урну 1 шар, а затем из первой урны вынули наугад один шар. Какова вероятность того, что вынутый шар ранее находился во второй урне, если известно, что он белый?
6. Определить вероятность того, что в семье, имеющей пять детей, будет не больше трех девочек. Вероятность рождения мальчика и девочки полагаются одинаковыми.
7. Сообщение содержит 1000 символов. Вероятность искажения одного символа равна 0,004. Найти среднее число искаженных символов; найти вероятность того, что будет искажено не более з-х символов.
8. В партии, содержащей 20 изделий, имеется 4 изделия с дефектами. Наудачу отобрали 3 изделия для проверки их качества. Построить ряд распределения числа дефектных изделий, содержащихся в указанной выборке.
9. Комитет по защите прав потребителей раз в месяц проверяет качество продуктов питания в двух из пятидесяти продуктовых магазинов районного центра. На улице Ленина расположены два круглосуточных магазина. Какова вероятность того, что в течение месяца они оба будут проверены?
10. Государственные номера автомашин состоят из трёх цифр и нескольких букв. Найдите вероятность того, что номер первой встретившейся сегодня вам на улице автомашины не будет содержать пятерок.
11. Кодовый замок имеет десять кнопок с цифрами от нуля до девяти и открывается одновременным нажатием на три определённые кнопки. Какова вероятность того, что человеку, не знающему код, удастся открыть замок с первого раза?
12. Замок на сейфе открывается набором определённой комбинации из пяти цифр от нуля до девяти (учитывается и порядок цифр в комбинации). С какой вероятностью можно открыть сейф в течение двадцати минут, если на набор каждой комбинации будет тратиться около секунды?
13. Заядлые театралы Ивановская, Петровская и ещё восемь человек стоят в очереди за билетами на премьерный спектакль в центральной театральной кассе. Определите вероятность того, что Ивановская и Петровская отделены друг от друга тремя лицами.
14. В коробке находятся шесть новогодних шаров разного диаметра. Случайным образом шары извлекают из коробки. Какова вероятность того, что шары извлекутся в порядке возрастания их диаметров?
15. На трудовой коллектив, состоящий из пятнадцати женщин и десяти мужчин, выделили десять билетов на праздничный концерт. Билеты разыгрывают по жребию. Какова вероятность того, что на концерт пойдёт поровну мужчин и женщин?
16. В шкатулке хранятся тридцать одинаковой формы пуговиц: двенадцать красных, две синих, остальные зелёные. На жакет нужно пришить зелёные пуговицы. Какова вероятность того, что все пять извлечённых из коробки в полной темноте пуговиц окажутся зелёными?
17. В городе находятся филиалы двадцати коммерческих банков, из которых четыре к концу кризисного года стали банкротами. Некий гражданин в начале года приобрёл по одной акции восьми банков. Какова вероятность того, что среди купленных акций половина окажется акциями банкротов?
18. Имеются восемь билетов в театр, из которых четыре на места первого ряда. Какова вероятность того, что из трёх наугад выбранных билетов два окажутся на места первого ряда?
19. Какова вероятность получения только одного туза при выборе шести карт из колоды в тридцать шесть карт?
20. В соревнованиях по футболу участвуют шестнадцать команд. Эти команды случайным образом делятся на две одинаковые группы. Какова вероятность того, что две самые сильные команды окажутся в одной группе?
21. Колоду из тридцати шести карт случайным образом разбивают на две равные части. С какой вероятностью в обеих частях колоды окажется по равному числу красных и чёрных карт?
22. У злоумышленника оказалась связка из пяти схожих ключей, он знает, что только один из пяти ключей подходит к замку входной двери чужой квартиры. Какова вероятность того, что злоумышленнику придётся опробовать три ключа прежде, чем откроется замок?
23. В туристической группе, отправившейся на Валдай, восемь человек, говорящих только на английском, и семь человек – только на немецком языке. Какова вероятность того, что два произвольно выбранных и усаженных рядом путешественника понимают речь друг друга?
24. В магазине, торгующем семенами растений, из-за неопытности продавца перемешались практически одинаковые пакеты семян огурцов и кабачков, десять и шесть соответственно. Продавец случайным образом взял два пакета и предложил их покупателю. Какова вероятность того, что оба пакета содержат семена одного вида овоща?
25. В городе находятся пятнадцать продовольственных магазинов и шесть непродовольственных. Для проверки пожарная инспекция случайным образом отбирает три магазина. Найти вероятность того, что все они одного профиля.
26. Студент третьего курса факультета математики выучил двадцать вопросов из двадцати пяти к экзамену по теории вероятностей. Экзаменатор задаёт вопросы до тех пор, пока не обнаружит пробел в знаниях студента. Какова вероятность того, что студенту будет задано три вопроса?
27. В магазине торговой сети «Техноудар» имеются десять однокамерных и восемь двухкамерных холодильников. Случайным образом отобрали три холодильника и перевезли их в другой магазин той же сети. Какова вероятность того, что все перевезенные холодильники однокамерные или все двухкамерные?
28. В скоростной лифт девятиэтажного дома на первом этаже вошли три рекламных агента. Найдите вероятность того, что для их выхода на этажах лифт будет останавливаться дважды.
29. Студент Троечников выучил тридцать из сорока вопросов к зачёту по теории вероятностей. Зачёт считается сданным, если студент ответил хотя бы на четыре из заданных преподавателем пяти вопросов. Какова вероятность того, что зачёт Троечниковым будет сдан, если известно, что на первые три вопроса студент уже ответил?
30. Из букв слова *СИМФОНИЯ* наугад выбирают пять букв. Какова вероятность того, что из выбранных букв можно составить хотя бы одно из слов *ФОН, СОН, МИФ*?
31. Книги десятитомного издания собрания сочинений А.С. Пушкина расположены на книжной полке в случайном порядке. Какова вероятность того, что первый том стоит на последнем месте, а десятый на первом, считая слева направо?
32. Для настольных ламп сотрудников офиса требуется десять энергосберегающих ламп. Начальник хозяйственной службы фирмы закупил «по случаю» крупную партию таких ламп, но вероятность того, что лампочка окажется исправной в течение месяца, по непроверенным данным, составляет всего лишь 0.7. Какова вероятность того, что в течение года придётся заменить в офисе не более трёх лампочек?
33. Подбрасывается монета несколько раз. Что вероятнее: то, что «герб» выпадет четыре раза при пяти подбрасываниях, или то, что «герб» выпадет пять раз при восьми подбрасываниях?
34. В магазин «Золотая река» поступают жидкокристаллические телевизоры от трёх производителей в соотношении . По оценкам экспертов эти телевизоры должны исправно работать в течение гарантийного срока в 96%, 95% и 92% случаев соответственно. Найдите вероятность того, что выбранный для продажи случайным образом телевизор будет исправно работать в течение гарантийного срока.
35. Цветочным магазин «Флора» к Первому сентября заказаны цветы из трёх питомников: с первого - 40%, со второго - 20%, остальные - с третьего. Вероятности заражения цветов опасными вредителями соответственно равны 0.15, 0.2, 0.18. Произвольно выбранное покупателем растение оказалось заражено вредителями. Какова вероятность того, что растение поступило для продажи из второго питомника?
36. В двух коробках находятся ёлочные игрушки: в первой – шары (двадцать синих и десять зелёных); во второй – шишки (десять коричневых и двадцать зелёных). Из произвольно выбранной коробки берут наугад игрушку. Какова вероятность того, что она окажется зелёного цвета?
37. На частном предприятии две бригады занимаются установкой дверей. Первая бригада выполняет 60% всех работ с процентом брака 4%. Оставшуюся часть заказов, поступивших на предприятие, выполняет вторая бригада с процентом брака 5%. Каков процент брака при установке дверей на предприятии?
38. Из пункта *А* в пункт *В* идут три дороги, причём одна из них прямая, а две другие по пути следования в *В* пересекаются каждая ещё одной дорогой. Какова вероятность того, что автомобилист, находящийся в пункте *А*, попадёт в пункт *В*?
39. В первой корзине три синих и два красных волейбольных мяча, во второй – четыре синих и четыре красных. Из первой корзины во вторую, не глядя, перекладывают два мяча, а затем из второй вынимают один мяч. Найдите вероятность того, что он синего цвета.
40. В деревянном ящике перемешались четыре персика и пять абрикосов. Один плод вынули и съели, предварительно помыв его. Следующий наугад вынутый плод оказался персиком. Найдите вероятность того, что съеден был абрикос.
41. По дороге мимо АЗС «Каблучок» грузовых автомобилей проезжает в четыре раза меньше, чем легковых. Вероятность того, что проезжающая легковая автомашина заедет для заправки топливом на АЗС «Каблучок», равна 0.2; для грузовой автомашины вероятность заезда с целью дозаправки равна 0.1. От бензоколонки отъезжает заправленная топливом автомашина. Какова вероятность того, что это грузовик?

# 6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости

## 6.1. Текущий контроль

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| №  п/п | № блока (раздела) дисциплины | Форма текущего контроля |
| 1 | Темы 1-3 | Проверка выполнения заданий для самостоятельного решения, коллоквиум |

# 7. ПЕРЕЧЕНЬ УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| № | Наименование | Авторы | Место издания | Год издания | Наличие | |
| Печатные издания | в ЭБС, адрес в сети Интернет |
|  | Высшая математика: линейная алгебра и аналитическая геометрия | Абдрахманов В.Г. | М.: ФЛИНТА | 2019 |  | <http://biblioclub.ru> |
|  | Высшая математика: основы линейной алгебры. Теория и задачи | Туганбаев А.А. | М.: ФЛИНТА | 2019 |  | <http://biblioclub.ru> |
|  | Задачи с решениями по высшей математике, теории вероятностей, математической статистике, математическому программированию: учебное пособие | Шапкин А.С., Шапкин В.А. | М.: Дашков и К | 2020 |  | <http://biblioclub.ru> |
|  | Математический анализ. Углубленный курс: учебник и практикум для вузов | Никитин А.А. | М.: Юрайт | 2022 |  | https://urait.ru/bcode/489278) |
|  | Теория вероятностей и математическая статистика: учебник | Балдин К.В., Башлыков В.Н., Рукосуев А.В. | М.: Дашков и К | 2020 |  | http://biblioclub.ru |
|  | Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие | Хамидуллин Р.Я. | М.: Университет Синергия | 2020 |  | http://biblioclub.ru |

# 8. Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

1. «НЭБ». Национальная электронная библиотека. – Режим доступа: [http://нэб.рф/](http://www.biblioclub.ru/)

2. «eLibrary». Научная электронная библиотека. – Режим доступа: [https://elibrary.ru](https://elibrary.ru/)

3. «КиберЛенинка». Научная электронная библиотека. – Режим доступа: <https://cyberleninka.ru/>

4. ЭБС «Университетская библиотека онлайн». – Режим доступа: [http://www.biblioclub.ru/](http://www.knigafund.ru/)

5. Российская государственная библиотека. – Режим доступа: <http://www.rsl.ru/>

**9. ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ, ИСПОЛЬЗУЕМЫЕ ПРИ ОСУЩЕСТВЛЕНИИ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

В ходе осуществления образовательного процесса используются следующие информационные технологии:

- средства визуального отображения и представления информации (LibreOffice) для создания визуальных презентаций как преподавателем (при проведении занятий) так и обучаемым при подготовке докладов для семинарского занятия.

- средства телекоммуникационного общения (электронная почта и т.п.) преподавателя и обучаемого.

- использование обучаемым возможностей информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» при осуществлении самостоятельной работы.

**9.1. Требования к программному обеспечению учебного процесса**

Для успешного освоения дисциплины, обучающийся использует следующие программные средства:

* Windows 10 x64
* MicrosoftOffice 2016
* LibreOffice
* Firefox
* GIMP

**9.2. Информационно-справочные системы (при необходимости)**

Не используются.

**10. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

Для проведения занятий лекционного типа предлагаются наборы демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий.

Для изучения дисциплины используется следующее оборудование: аудитория, укомплектованная мебелью для обучающихся и преподавателя, доской, ПК с выходом в интернет, мультимедийным проектором и экраном.

Для самостоятельной работы обучающихся используется аудитория, укомплектованная специализированной мебелью и техническими средствами (ПК с выходом в интернет и обеспечением доступа в электронно-информационно-образовательную среду организации).